

2026 年度

一般入試 入学試験問題

数 学

基礎問題

(30 分, 100 点)

受験についての注意

1. 試験開始の合図があるまで、問題用紙を開かないでください。
2. 問題は、**1** ~ **13** まであります。
3. 定規、コンパスを使用しても構いませんが、三角定規、分度器を使用してはいけません。
4. 円周率が必要な場合は、すべて π で計算してください。
5. 答えのみを解答用紙（別紙）の所定の欄^{らん}に記入してください。
6. 解答用紙には、受験番号と氏名を必ず記入し、最後にもう一度確認してください。
7. 解答用紙だけ回収しますので、問題用紙は持ち帰ってください。

① $\frac{3a-b}{2} - \frac{a-4b}{3}$ を計算しなさい。

② $x^2 - 4xy + 4y^2 - 3x + 6y + 2$ を因数分解しなさい。

③ $x = -1$, $y = \frac{1}{6}$ のとき, $4xy^2 \div 6x^5y^3 \times (3x^3y)^2$ の値を求めなさい。

④ n を自然数とする。 $\sqrt{\frac{72}{n}}$ が自然数となるような n は何個あるか求めなさい。

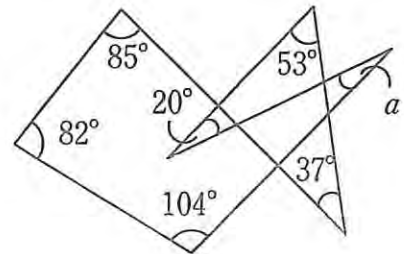
⑤ y は x に反比例し, $x = -1$ のとき $y = 3$ である。また, z は y に比例し, $y = -3$ のとき $z = 6$ である。 $x = 2$ のとき, z の値を求めなさい。

⑥ m, n を整数とする。関数 $y = x^2$ について, x の変域が $m \leq x \leq n$ のとき, y の変域が $0 \leq y \leq 4$ である。 m, n の値の組合せは全部で何通りあるか求めなさい。

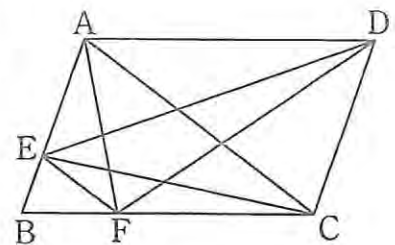
7 関数 $y = 2x^2$ は2点 A, B を通る。点 A の座標は $(-1, 2)$ であり、点 B の x 座標は 2 である。このとき、直線 AB の式を求めなさい。

8 6つの数字 0, 1, 2, 3, 4, 5 から異なる3つの数字を使って3けたの整数をつくる。つくられる3けたの整数はどれも同様に確からしいとする。このとき、231 より大きい整数ができる確率を求めなさい。

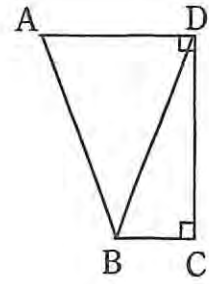
9 右の図において、 $\angle a$ の大きさを求めなさい。



10 右の図のように、四角形 ABCD は平行四辺形で、点 E と点 F はそれぞれ辺 AB, 辺 BC 上の点であり、 $AC \parallel EF$ である。 $\triangle AEC$ と面積の等しい三角形を、 $\triangle AEC$ 以外に 3つ答えなさい。



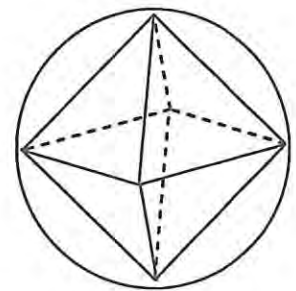
- 11 右の図において、四角形 $ABCD$ は $AD \parallel BC$ である台形で、 $\angle ADC = \angle BCD = 90^\circ$, $AB = BD$ である。 $\triangle ABD$ を直線 CD を軸として1回転させてできる立体の体積を V_1 , $\triangle BCD$ を直線 CD を軸として1回転させてできる立体の体積を V_2 とするとき、体積比 $V_1 : V_2$ をもっとも簡単な整数比で表しなさい。



- 12 ある学校でシャトルランを行って計測したところ、平均値は74回、中央値は45回であった。欠席者が3人いたため、その3人については翌日に計測した。全体の平均値と中央値を計算し直したところ、平均値は変化しなかったが、中央値は57回になった。このことからわかることについて正しく述べたものを、次の1から5までの中からすべて選んで、その番号を書きなさい。ただし、どちらの平均値と中央値も、四捨五入などはしていないものとする。

1. 最頻値は74回である。
2. 欠席者3人の平均値は74回である。
3. 欠席者3人のうち少なくとも1人の記録は57回である。
4. 欠席者3人とも記録は45回未満である。
5. 欠席者3人の記録の合計は222回である。

- 13 右の図のように、表面積が $36\pi \text{ cm}^2$ の球の内部に正八面体があります。正八面体の各頂点は球面に接しています。このとき、正八面体の体積を求めなさい。



2026年度 一般入試 入学試験 数学 基礎問題 解答用紙

受験番号	氏名
------	----

※『答え』のみを書きなさい。

1	2
3	4 個
5	6 通り
7	8
9 度	10
11 :	12
13 cm^3	

2026年度 一般入試 入学試験 数学 基礎問題 解答用紙

受験番号	氏名
------	----

※『答え』のみを書きなさい。

<p>① $\frac{7a + 5b}{6}$</p>	<p>② $(x - 2y - 1)(x - 2y - 2)$</p>
<p>③ 1</p>	<p>④ 4 個</p>
<p>⑤ $z = 3$</p>	<p>⑥ 5 通り</p>
<p>⑦ $y = 2x + 4$</p>	<p>⑧ $\frac{7}{10}$</p>
<p>⑨ 19 度</p>	<p>⑩ $\triangle AFC$, $\triangle AED$, $\triangle FCD$</p>
<p>⑪ 6 : 1</p>	<p>⑫ 2 , 5</p>
<p>⑬ 36 cm^3</p>	

2026 年度

一般入試 入学試験問題

数 学

応用問題

(50 分, 100 点)

受験についての注意

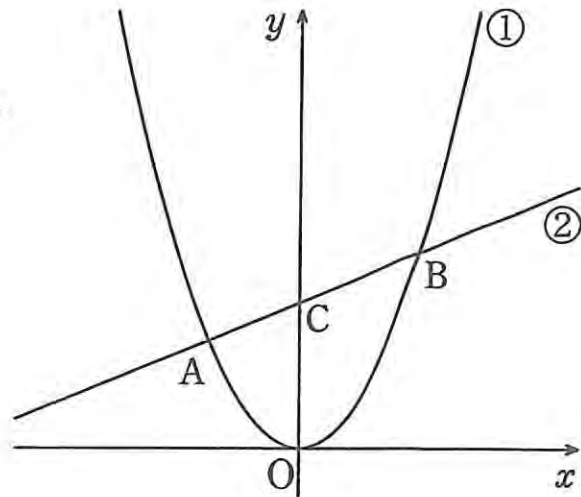
1. 試験開始の合図があるまで、問題用紙を開かないでください。
2. 問題は、**1** ~ **4** まであります。
3. 計算過程にも配点があります。
4. 定規、コンパスを使用しても構いませんが、三角定規、分度器を使用してはいけません。
5. 円周率が必要な場合は、すべて π で計算してください。
6. 解答用紙には、受験番号と氏名を必ず記入し、最後にもう一度確認してください。
7. 解答用紙だけ回収しますので、問題用紙は持ち帰ってください。

1 右の図のように、放物線 $y = ax^2 \dots \textcircled{1}$ と

直線 $y = \frac{1}{2}x + k \dots \textcircled{2}$ は 2 点 A, B で交わっている。

原点を O, 直線 $\textcircled{2}$ と y 軸との交点を C とする。

放物線 $\textcircled{1}$ は点 $(2, 4)$ を通り, $AC : CB = 2 : 3$ であるとき, 次の各問いに答えなさい。

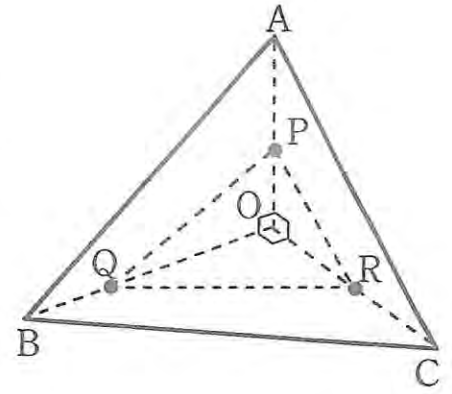


(1) a の値を求めなさい。

(2) k の値を求めなさい。

(3) 放物線 $\textcircled{1}$ 上に, x 座標が t である点 T をとる。 $\triangle AOB$ と $\triangle ATB$ の面積が等しくなるような t の値をすべて求めなさい。ただし, 点 T は原点とは異なる点であるものとする。

- 2 右の図のように、 $OA=9\text{cm}$ 、 $OB=OC=12\text{cm}$ 、 $\angle AOB=\angle BOC=\angle COA=90^\circ$ の四面体 $OABC$ がある。3点 P 、 Q 、 R は点 O を同時に出発し、点 P は辺 OA 上を点 A まで移動する。点 Q は辺 OB 、 BA 上を点 A まで移動する。点 R は辺 OC 、 CA 上を点 A まで移動する。3点 P 、 Q 、 R の動く速さはそれぞれ秒速 1cm 、 3cm 、 2cm である。3点 P 、 Q 、 R が出発してから t 秒後の三角すい $O-PQR$ の体積を $V\text{cm}^3$ とすると、次の各問いに答えなさい。



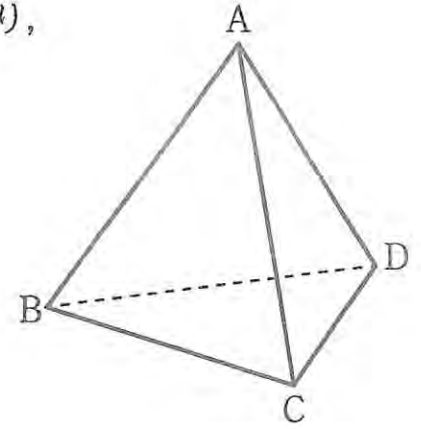
- (1) $t=2$ のとき、 V の値を求めなさい。
- (2) $t=5$ のとき、 V の値を求めなさい。
- (3) $6 \leq t \leq 9$ のとき、 V を t を用いた式で表しなさい。

3 三辺の長さが x , $x+2$, $2x-5$ である三角形がある。三角形の一边の長さは、残りの二辺の長さの和よりも小さい。このとき、次の各問いに答えなさい。

(1) x のとりうる値の範囲を求めなさい。

(2) 長さが $2x-5$ である辺がもっとも長い辺になるとき、この三角形が直角三角形になるような x の値を求めなさい。

- 4 右の図のような、一辺の長さが a cm の正四面体 $ABCD$ があり、
辺 CD の中点を M とする。辺 BC 上に点 P を、 $AP + PM$ が
最も小さくなるようにとるとき、次の各問いに答えなさい。



(1) $AP + PM$ の長さを求めなさい。

(2) $AP : PM$ を、最も簡単な整数の比で表しなさい。

(3) 正四面体 $ABCD$ を $\triangle APM$ を含む平面で切断したとき、頂点 C を含む方の立体の
体積を a を用いた式で表しなさい。

受験番号

氏名

1

2

3

4

1

(1) ①は (2, 4) を通るので

$$4 = 4a$$

$$a = 1$$

(2) AC : CB = 2 : 3 より

$$A(-2b, 4b^2), B(3b, 9b^2) \text{ とおく。ただし, } b > 0$$

②の直線の傾きが $\frac{1}{2}$ だから

$$\frac{9b^2 - 4b^2}{3b - (-2b)} = \frac{1}{2}$$

$$b = \frac{1}{2}$$

よって点 A は②上の点だから A(-1, 1)より

$$k = \frac{3}{2}$$

(3) 直線②と平行で原点Oを通る直線 l_1 と放物線①との交点のうち、0でない方を T_1 と、

直線②と平行でOC = CDとなる点Dを通る直線 l_2 と放物線①との交点を T_2, T_3 とおく。

ただし、点Dはy軸上の点で、そのy座標は正とする。

直線 l_1, l_2 の方程式はそれぞれ

$$l_1 : y = \frac{1}{2}x, l_2 : y = \frac{1}{2}x + 3$$

である。よって交点 T_1, T_2, T_3 のx座標は

$$T_1 : x^2 = \frac{1}{2}x$$

$$x \neq 0 \text{ より } x = \frac{1}{2}$$

$$T_2, T_3 : x^2 = \frac{1}{2}x + 3$$

$$x = -\frac{3}{2}, 2$$

したがって

$$t = -\frac{3}{2}, \frac{1}{2}, 2$$

2

(1) $V = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 \times 2 \times \frac{1}{3}$
 $V = 8(\text{cm}^3)$

(2) QからAOに垂線QHを引く

AO ⊥ QH, AO ⊥ BOよりQH // BO

QH : BO = 12 : 15 = 4 : 5, BO = 12cmより

$$QH = \frac{4}{5}BO = \frac{48}{5}$$

よって

$$V = \frac{1}{2} \times 5 \times \frac{48}{5} \times 10 \times \frac{1}{3} = 80$$

$$V = 80(\text{cm}^3)$$

(3) QからAOに引いた垂線の足をH, RからAOに引いた垂線の足をIとする

AO ⊥ QH, AO ⊥ BOよりQH // BO, AO ⊥ RI, AO ⊥ COよりRI // CO

$$QH : BO = (27 - 3t) : 15$$

$$QH = \frac{12}{5}(9 - t)$$

$$RI : CO = (27 - 2t) : 15$$

$$QH = \frac{4}{5}(27 - 2t)$$

したがって

$$V = \frac{1}{2}t \times \frac{12}{5}(9 - t) \times \frac{4}{5}(27 - 2t) \times \frac{1}{3}$$

$$V = \frac{8}{25}t(t - 9)(2t - 27)$$

3

(1) 三角形の成立条件より

$$x < (x+2) + (2x-5) \cdots \textcircled{1}$$

$$x+2 < x + (2x-5) \cdots \textcircled{2}$$

$$2x-5 < x + (x+2) \cdots \textcircled{3}$$

①, ②, ③より

$$\frac{3}{2} < x \text{ かつ } \frac{7}{2} < x$$

よって

$$\frac{7}{2} < x$$

(2) 最も長い辺が $2x-5$ より

$$(2x-5)^2 = x^2 + (x+2)^2$$

$$2x^2 - 24x + 21 = 0$$

$$x = 6 \pm \frac{\sqrt{102}}{2}$$

$$\frac{7}{2} < x \text{ より } x = 6 + \frac{\sqrt{102}}{2}$$

4

(1) 三平方の定理より

$$\begin{aligned} AP + PM = AM &= \sqrt{a^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}a\right)^2} \\ &= \sqrt{a^2 + \frac{3}{4}a^2} \\ &= \frac{\sqrt{7}}{2}a(\text{cm}) \end{aligned}$$

(2) $\triangle APB \sim \triangle MPC$ より

$$AP : PM = 2 : 1$$

(3) $BP : PC = 2 : 1$ より

$$\triangle PMC = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \triangle BCD$$

$$\triangle PMC = \frac{1}{6} \triangle BCD \cdots \textcircled{1}$$

Aから $\triangle BCD$ に垂線をおろし $\triangle BCD$ との交点をHとする

$$\begin{aligned} AH &= \sqrt{a^2 - \left(\frac{\sqrt{3}}{3}a\right)^2} \\ &= \frac{\sqrt{6}}{3}a \cdots \textcircled{2} \end{aligned}$$

また

$$\begin{aligned} \triangle BCD &= \frac{1}{2} \times a \times \frac{\sqrt{3}}{2}a \\ &= \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 \cdots \textcircled{3} \end{aligned}$$

①, ②, ③より

$$V = \frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{6} \times \frac{\sqrt{3}}{4}a^2\right) \times \frac{\sqrt{6}}{3}a$$

$$V = \frac{\sqrt{2}}{72}a^3(\text{cm}^3)$$