

受験 番号	
----------	--

令和 8 年度学力検査問題  
(一般中学生・帰国生用)

# 数 学

(50分)

## 注 意 事 項

1. 問題冊子は、「はじめ」の合図があるまで開いてはいけません。
2. 「やめ」の合図で必ず筆記用具を置きなさい。
3. 問題は 5 題あり、この冊子の 2 ページから 11 ページに印刷されています。
4. 円周率は  $\pi$  を用いなさい。
5. 計算は問題冊子の余白を使用してよい。
6. 監督の指示に従って、問題冊子と解答用紙に受験番号を記入しなさい。
7. 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。

## マークシート記入上の注意

1. 監督の指示に従って、受験番号を記入し、受験番号をマークしなさい。
2. マークを強く塗る必要はありません。はみ出さないように注意して、番号を鉛筆等で塗りなさい。

[マーク例]

良い例	悪い例
	

3. 誤ってマークしたときの消しかたが悪いと 2 つ以上マークしたと判定されることがあるので、きれいに消しなさい。
4. マークシートは折り曲げたり、不要な書き込みをしたりしてはいけません。また、消しゴムのかすは、提出の際によく取り除きなさい。

**1** 次の各問いに答えなさい。

[1]  $\{(17\sqrt{12})^2 - 3 \times 26^2\} \div (-3^2)$  を計算しなさい。

[2] 次の連立方程式を解きなさい。

$$\begin{cases} 51x + 52y = 53 \\ 101x + 102y = 103 \end{cases}$$

[3] 関数  $y = 2x^2$  について、 $x$  の値が 1 から 4 まで増加するときの変化の割合と、 $x$  の値が  $p$  から  $p + 8$  まで増加するときの変化の割合が等しいとする。このとき、 $p$  の値を求めなさい。

[4] 10人の生徒A, B, C, D, E, F, G, H, I, Jにテストを行ったところ, 得点は表のようになった。

生徒	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
得点(点)	26	30	33	37	53	57	73	77	80	84

ところが, 表の中の2人の得点に誤りがあり, その2人の正しい得点は, 表の中のその2人の得点よりそれぞれ20点低く, その2人のうちの1人はFであった。表の中の誤りがあった得点を2つとも正しい得点に修正したとき, 10人の得点の第2四分位数は45点に変わったが, 第1四分位数と第3四分位数は変わらなかった。

このとき, 表の中の得点に誤りがあった2人の生徒のうち, F以外のもう1人として考えられる生徒を, A, B, C, D, E, G, H, I, Jの中からすべて答えなさい。

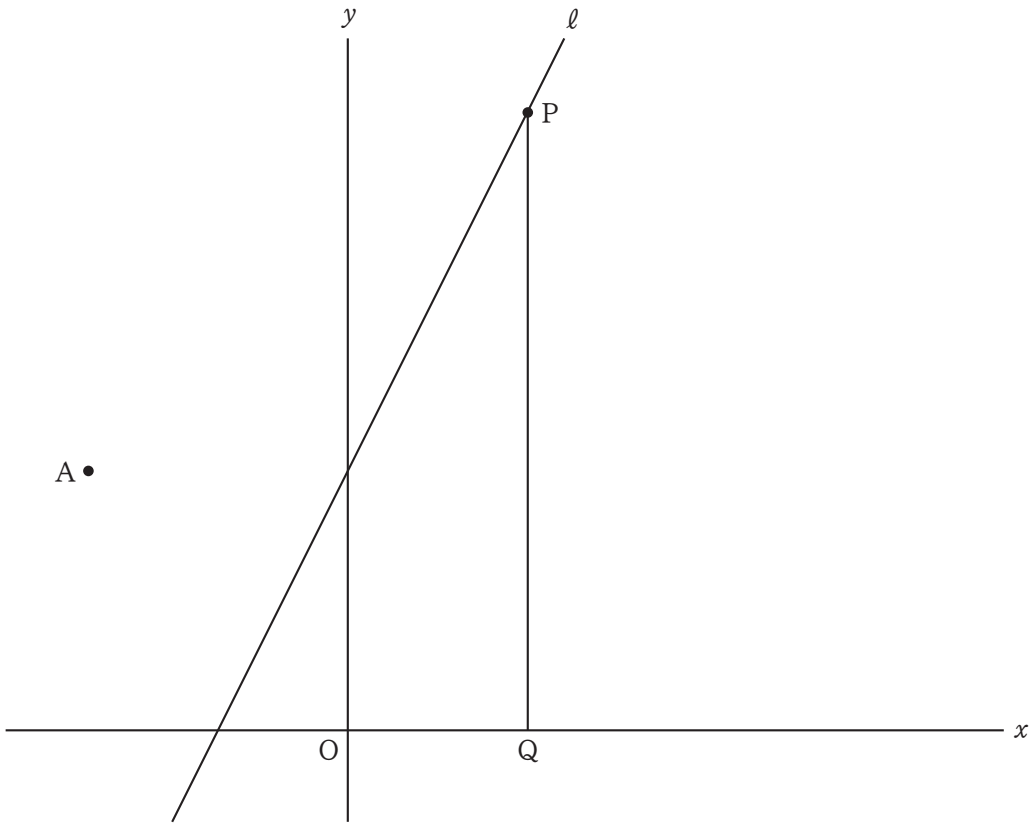
**2** 次のページの図のように、点  $O(0, 0)$ 、点  $A(-2, 2)$  があり、直線  $l$  は関数  $y = 2x + 2$  のグラフである。また、直線  $l$  の  $x > 0$  の範囲に点  $P$  があり、点  $P$  を通り  $x$  軸に垂直な直線と  $x$  軸の交点を  $Q$  とする。

点  $P$  の  $x$  座標を  $t$  とするとき、次の各問いに答えなさい。ただし、点  $O$  から点  $(1, 0)$  までの距離、および点  $(0, 1)$  までの距離をそれぞれ  $1\text{ cm}$  とする。

[1]  $t = 1$  のとき、直線  $AP$  の式を求めなさい。

[2]  $\triangle PAO$  の面積と  $\triangle POQ$  の面積が等しいとき、 $t$  の値を求めなさい。

[3]  $t$  は  $1$  以上  $99$  以下の整数であるとする。 $\triangle POQ$  の面積を  $S\text{ cm}^2$  とするとき、 $S$  が  $100$  の倍数になるような  $t$  の値をすべて求めなさい。



**3** 次のページの図のように、四角形 ABCD があり、線分 AC と線分 BD は点 E で垂直に交わる。また、線分 AC と線分 BD の長さの比は、 $AC : BD = 7 : 9$  であり、線分 AE と線分 EC の長さの比は、 $AE : EC = 9 : 5$  であり、線分 BE と線分 ED の長さの比は、 $BE : ED = 5 : 1$  である。

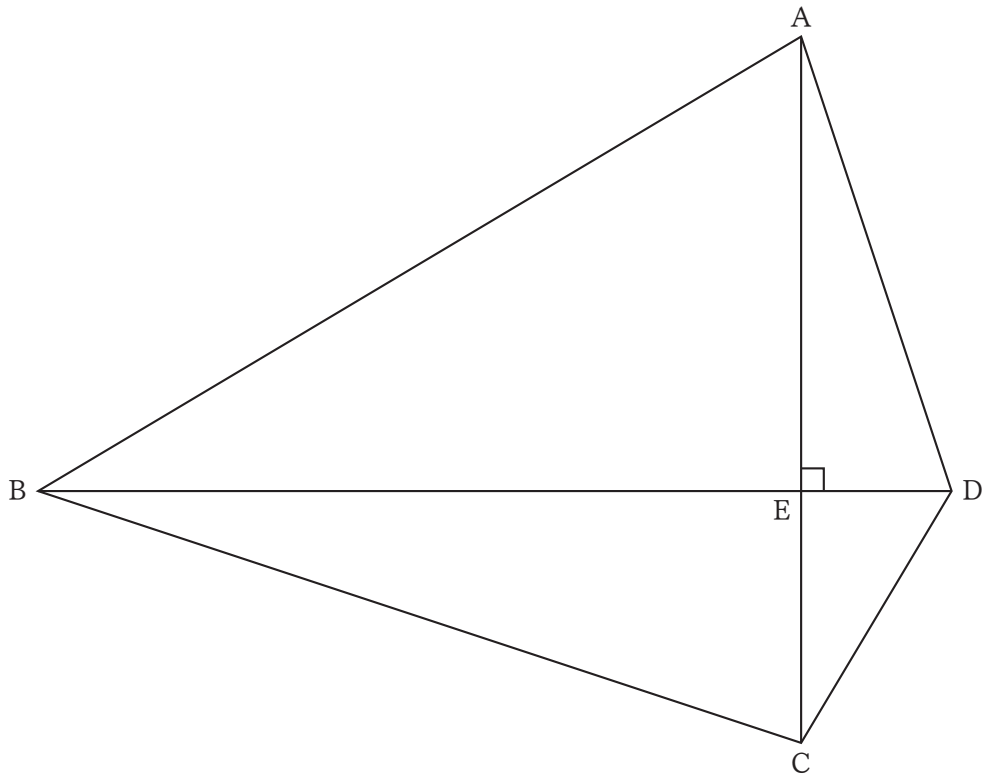
点 E を通り辺 AB に垂直な直線を  $l$  とする。直線  $l$  と辺 AB の交点を F とし、直線  $l$  と辺 CD の交点を G とする。

このとき、次の各問いに答えなさい。

[1] 線分 AE と線分 EB の長さの比  $AE : EB$  を求めなさい。

[2] 線分 AB と線分 CD の長さの比  $AB : CD$  を求めなさい。

[3] 線分 FE と線分 EG の長さの比  $FE : EG$  を求めなさい。



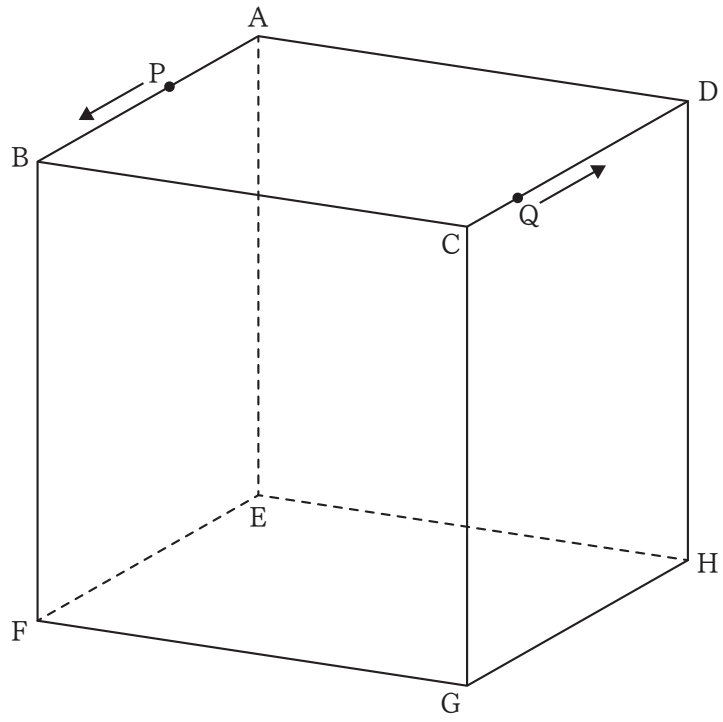
**4** 次のページの図のように、1 辺の長さが 12 cm の立方体  $ABCD - EFGH$  がある。点 P は頂点 A を出発して辺 AB 上を、 $A \rightarrow B \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow A \rightarrow \dots$  と進む。点 Q は頂点 C を出発して辺 CD 上を、 $C \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow \dots$  と進む。点 P、Q は同時に出発し、点 P は毎秒 3 cm の速さで進む、点 Q は毎秒 2 cm の速さで進む。

点 P、Q が頂点 A、C を出発してから  $x$  秒後について、次の各問いに答えなさい。

[1] 点 P が頂点 A を出発してから  $x$  秒後の 2 点 A、P 間の距離を  $y$  cm とする。ただし、点 A と点 P が重なるときは  $y = 0$  とする。 $x$  の変域が  $4 \leq x \leq 8$  のとき、 $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

[2]  $x$  の変域を  $0 \leq x \leq 20$  とする。線分 PQ と辺 FG が平行になるような  $x$  の値は全部で何通りあるか求めなさい。

[3]  $x$  の変域を  $0 \leq x \leq 20$  とする。立方体  $ABCD - EFGH$  の辺について、線分 PQ とねじれの位置にある辺の本数が 7 になるような  $x$  の値は全部で何通りあるか求めなさい。



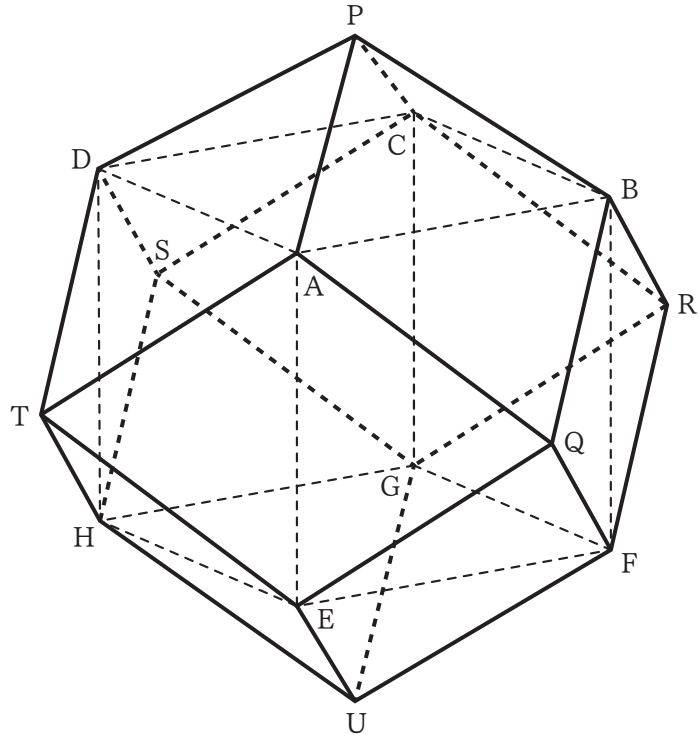
**5** 次のページの図の 14 点  $A, B, C, D, E, F, G, H, P, Q, R, S, T, U$  を頂点とする立体を  $X$  とする。立体  $X$  において、六面体  $ABCD - EFGH$  は 1 辺の長さが  $2\text{ cm}$  の立方体であり、四角錐  $P - ABCD$ ,  $Q - BAEF$ ,  $R - CBFG$ ,  $S - DCGH$ ,  $T - EADH$ ,  $U - FEHG$  はすべて正四角錐であり、 $PA = QB = RC = SD = TE = UF$  である。さらに、直線  $PQ$  と直線  $AB$  は交わっている。すなわち、4 点  $P, A, Q, B$  は同じ平面上にあり、四角形  $PAQB$  はひし形である。したがって、立体  $X$  のすべての面はひし形である。

このとき、次の各問いに答えなさい。

[1] 立体  $X$  の表面積を求めなさい。

[2] 立体  $X$  の体積を求めなさい。

[3] 三角錐  $APTQ$  について、 $\triangle PTQ$  を底面としたときの高さを求めなさい。



記述問題

1 5点 x 4

[1]	-160
[2]	$x = -1, y = 2$
[3]	$p = -\frac{3}{2}$
[4]	A, B, G

2 (1) 6点 (2) 6点 (3) 8点

[1]	$y = \frac{2}{3}x + \frac{10}{3}$
[2]	$t = 1 + \sqrt{3}$
[3]	$t = 24, 75, 99$

3 (1) 6点 (2) 6点 (3) 8点

[1]	AE : EB = 3 : 5
[2]	AB : CD = 3 : 1
[3]	FE : EG = 45 : 17

4 (1) 6点 (2) 6点 (3) 8点

[1]	$y = -3x + 24$
[2]	4 通り
[3]	6 通り

5 (1) 6点 (2) 6点 (3) 8点

[1]	$24\sqrt{2}$ cm <sup>2</sup>
[2]	16 cm <sup>3</sup>
[3]	$\frac{\sqrt{3}}{3}$ cm