

# 数 学

## 注 意

- 1 問題は **1** から **4** までで、7 ページにわたって印刷してあります。  
また、解答用紙は両面に印刷してあります。
- 2 検査時間は 50 分で、終わりは午前 11 時 00 分です。
- 3 声を出して読むではいけません。
- 4 答えは全て解答用紙に HB 又は B の鉛筆 (シャープペンシルも可) を使って  
明確に記入し、解答用紙だけを提出しなさい。
- 5 答えに根号が含まれるときは、根号を付けたまま、分母に根号を含まない  
形で表しなさい。また、根号の中を最も小さい自然数にしなさい。
- 6 円周率は  $\pi$  を用いなさい。
- 7 答えは、解答用紙の決められた欄からはみ出さないように書きなさい。
- 8 答えを直すときは、きれいに消してから、消しくずを残さないようにして、  
新しい答えを書きなさい。
- 9 受検番号を解答用紙の表面と裏面の決められた欄に書き、表面については、  
その数字の  $\bigcirc$  の中を正確に塗りつぶしなさい。
- 10 解答用紙は、汚したり、折り曲げたりしてはいけません。

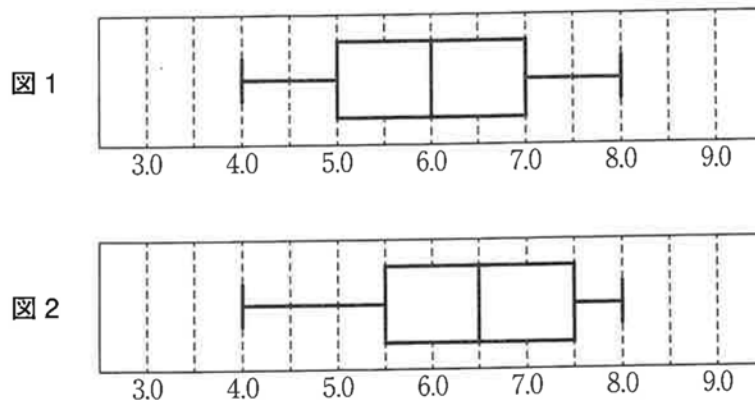
1 次の各問に答えよ。

〔問1〕  $\frac{(\sqrt{11}-5)(\sqrt{11}+5)}{\sqrt{7}} + (\sqrt{7}+1)^2$  を計算せよ。

〔問2〕 2次方程式  $(x+2)^2 - 3(x+2) - 1 = 0$  を解け。

〔問3〕 下の図1は  $a, b, c, d, e, f, g$  ( $a \leq b \leq c \leq d \leq e \leq f \leq g$ ) の7つの値のデータを箱ひげ図に表したものである。

このデータに値  $x$  を加え、8つの値のデータにしたところ、下の図2の箱ひげ図となった。  
 $x$  の値を求めよ。ただし、8つの値は全て整数とする。



〔問4〕 1から6までの目が出る大小1つずつのさいころを同時に1回投げる。  
 大きいさいころの出た目の数を  $a$ 、小さいさいころの出た目の数を  $b$  とするとき、  
 $\frac{2b}{a}$  が素数となる確率を求めよ。

ただし、大小2つのさいころはともに、1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

〔問5〕 右の図3は、3点  $A, B, C$  を頂点とする  $\triangle ABC$  において、  
 辺  $AB$  上にある点を  $P$ 、辺  $AC$  上にある点を  $Q$  としたものである。

解答欄に示した図をもとにして、

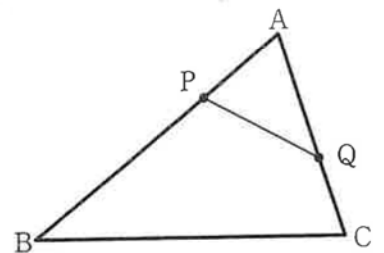
$BC \parallel PQ$ ,  $\frac{1}{2} \triangle ABC = \triangle APQ$  となる点  $P$  を、

定規とコンパスを用いて作図によって求め、

点  $P$  の位置を示す文字  $P$  も書け。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

図3



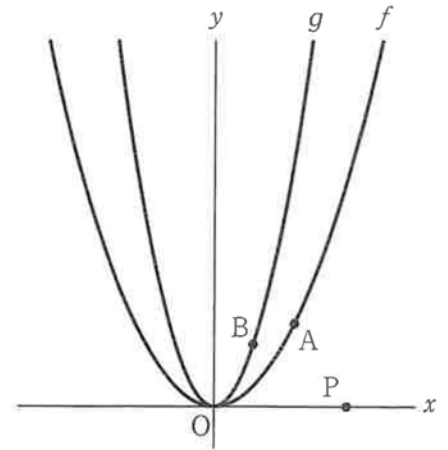
2 右の図1で、点Oは原点、曲線 $f$ は関数 $y=ax^2(0 < a < 1)$ のグラフであり、曲線 $g$ は関数 $y=x^2$ のグラフを表している。

曲線 $f$ 上にあり、 $x$ 座標が3である点をA、曲線 $g$ 上にあり、 $x$ 座標が正の数である点をB、 $x$ 軸上にあり、原点と一致しない点をPとする。

原点から点(1, 0)までの距離、および原点から点(0, 1)までの距離をそれぞれ1 cmとする。

次の各問に答えよ。

図1



[問1] 点Aの $y$ 座標が3のとき、 $a$ の値を求めよ。

[問2] 図1において、2点B, Pを通る直線を $l$ 、直線 $l$ と $y$ 軸との交点をE、線分OPの中点をF、2点E, Fを通る直線を $m$ とした場合を考える。

直線 $m$ の傾きが $-\frac{3}{2}$ 、点Bの $x$ 座標が $\frac{5}{4}$ のとき、直線 $l$ の式を求めよ。

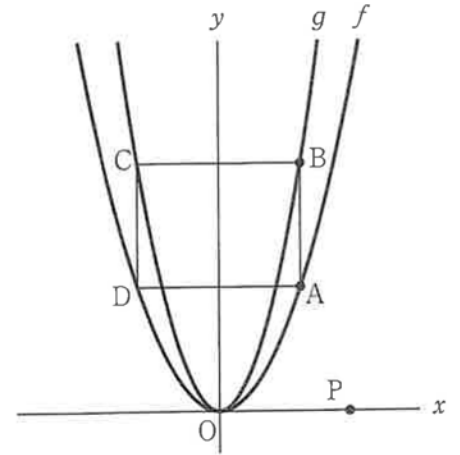
[問3] 右の図2は図1において、点Bの $x$ 座標が3のとき、  
 点Bを通り $x$ 軸に平行な直線と曲線 $g$ との交点のうち、  
 点Bと異なる点をC、点Cを通り $y$ 軸に平行な直線と曲線 $f$   
 との交点をDとし、点Aと点B、点Aと点Dをそれぞれ  
 結んだ場合を表している。

点Aと点C、点Aと点P、点Cと点Pをそれぞれ結び、  
 点Pが2点A、Cを通る直線上にない場合を考える。

四角形ABCDの周の長さが18 cmであるとき、 $\triangle PAC$ の  
 面積が四角形ABCDの面積の半分となる点Pの $x$ 座標を  
 全て求めよ。

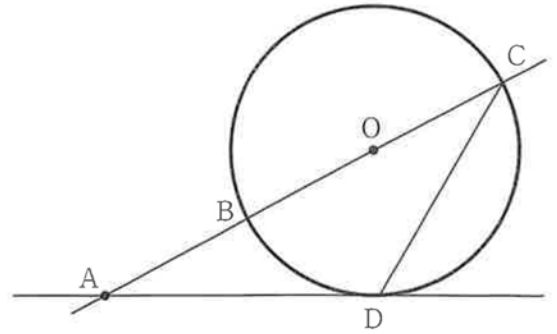
ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、  
 途中の式や計算なども書け。

図2



- 3 右の図1で、点Aは円Oの外部にある点である。  
 2点A、Oを通る直線を引き、円Oとの交点のうち、  
 点Aとの距離が短い点をB、点Bと異なる点をCとする。  
 点Aを通る円Oの接線を1本引き、円Oとの接点を  
 Dとする。  
 点Cと点Dを結ぶ。  
 次の各問に答えよ。

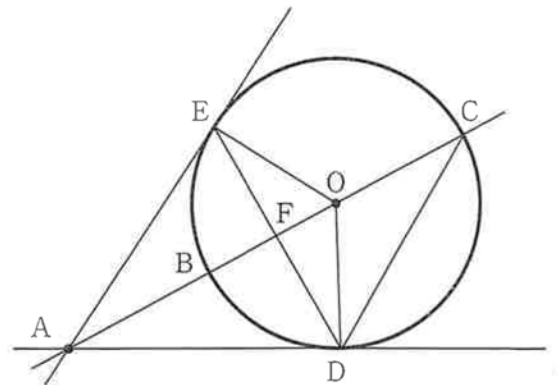
図1



[問1] 図1において、 $\angle DAC = a^\circ$ であるとき、 $\angle ACD$ を $a$ を用いた式で表せ。

- [問2] 右の図2は、図1において、点Aを通り、  
 直線ADと異なる円Oの接線を引き、円Oとの  
 接点をEとし、点Oと点D、点Oと点E、  
 点Dと点Eをそれぞれ結び、直線AOと線分DE  
 との交点をFとした場合を表している。  
 $\triangle OAD \sim \triangle ODF$ であることを証明せよ。

図2



〔問3〕 右の図3は、図1において、

$AD = 2 \text{ cm}$ ,  $\angle BAD = 30^\circ$  のとき、

点O, 点C, 点Dの3点を通る円をかき、

点O, 点C, 点Dの3点を通る円と、

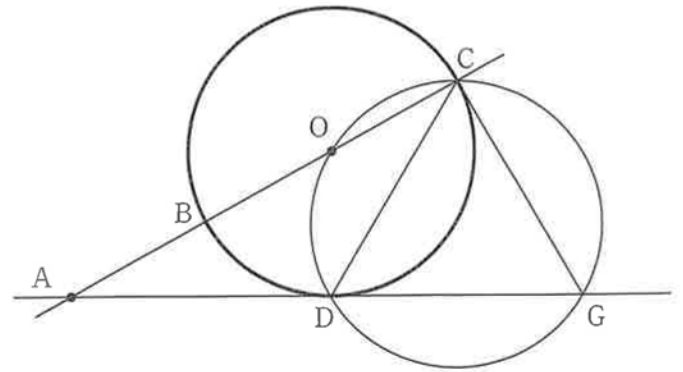
直線ADとの交点のうち点Dと異なる

点をGとし、点Cと点Gを結んだ場合を

表している。

$\triangle AGC$  の面積は何  $\text{cm}^2$  か。

図3



4 右の図1に示した立体  $ABC-DEF$  は、 $AB=AC=AD=4\text{ cm}$ 、 $\angle BAC=90^\circ$  の三角柱である。

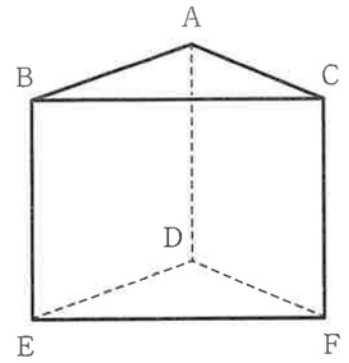
下の図2のように、ある平面  $T$  上に、図1の立体  $ABC-DEF$  を、面  $ABED$  が平面  $T$  に含まれるように置く。

以下の(操作1)、(操作2)のように、平面  $T$  上で立体  $ABC-DEF$  を回転させる場合を考える。

(操作1) 辺  $AD$  を軸とし、立体  $ABC-DEF$  を  $90^\circ$  回転させる。

(操作2) 辺  $AB$  を軸とし、立体  $ABC-DEF$  を  $90^\circ$  回転させる。

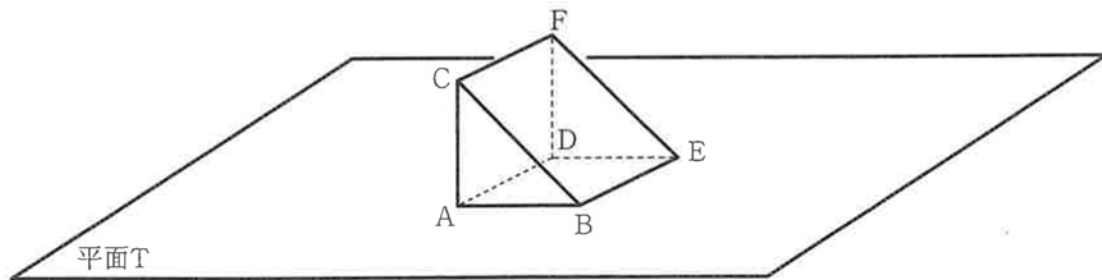
図1



ただし、(操作1)、(操作2)で、立体の一部が平面  $T$  より下になることはないものとする。

次の各問に答えよ。

図2



[問1] 図2の位置から(操作1)を1回行ったとき、立体  $ABC-DEF$  が動いてできる立体の体積は何  $\text{cm}^3$  か。

[問2] 図2の位置から(操作2)を1回行ったとき、辺  $BC$  が動いてできる図形の面積は何  $\text{cm}^2$  か。ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、図や途中の式などもかけ。

〔問3〕 図2において、立体  $ABC-DEF$  の頂点  $E$  の位置を示す平面  $T$  上にある点を  $P$  とした場合を考える。

以下のように（操作3）、（操作4）を定める。

（操作3）辺  $AC$  を軸とし、立体  $ABC-DEF$  を  $90$  度回転させる。

（操作4）辺  $BC$  を軸とし、立体  $ABC-DEF$  を  $90$  度回転させる。

ただし、（操作3）、（操作4）で、立体の一部が平面  $T$  より下になることはないものとする。

平面  $T$  上で、図2の位置から（操作1）を1回行い、その位置から続けて（操作3）を1回行い、さらにその位置から続けて（操作4）を1回行う。

これら全ての操作後の頂点  $A$  の位置を示す点を  $Q$  としたとき、点  $P$  と点  $Q$  を結んでできる線分  $PQ$  の長さは何  $\text{cm}$  か。

# 正答表 数学

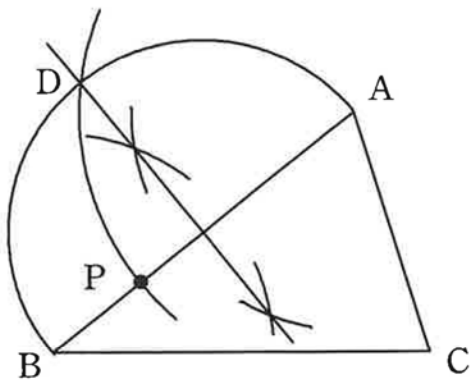
## マーク・解答上の注意事項

- 1 受験番号欄は、H1BまたはOBの鉛筆（シャープペンシルでも可）を使い、○の中を正確に塗りつぶす。
- 2 記入した内容が不明な場合は、きれいに消して、消しこぎを完全な状態にする。
- 3 決められた欄以外にマークしたり、記入したりしないこと。

良い例	悪い例

受 検 番 号						
①	①	③	⑤	⑦	⑨	⑪
①	②	③	④	⑤	⑥	⑦
②	②	②	②	②	②	②
③	③	③	③	③	③	③
④	④	④	④	④	④	④
⑤	⑤	⑤	⑤	⑤	⑤	⑤
⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥
⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦
⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧
⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨

1		
〔問 1〕	8	5
〔問 2〕	$\frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2}$	5
〔問 3〕	8	5
〔問 4〕	$\frac{1}{4}$	5
〔問 5〕	【 作 図 】	5



2		
〔問 1〕	$\frac{1}{3}$	7
〔問 2〕	$y = -\frac{3}{4}x + \frac{5}{2}$	8
〔問 3〕	【 途中の式や計算など 1	10

四角形 ABCD は長方形である。

点 A の座標は  $(3, 9a)$  点 B の座標は  $(3, 9)$ 、

したがって、 $AB = 9 - 9a$   $BC = 6$

よって、四角形 ABCD の周の長さは、

$$(9 - 9a + 6) \times 2 = 30 - 18a \text{ で表される。}$$

$$30 - 18a = 18 \text{ より、} a = \frac{2}{3}$$

よって、点 A の座標は  $(3, 6)$

直線 AC の傾きは  $-\frac{1}{2}$  よって、点 D を通り、傾き  $-\frac{1}{2}$  の直線は、

$$y = -\frac{1}{2}x + n \text{ に } D(-3, 6) \text{ を代入して、} n = \frac{9}{2} \text{ より、}$$

$$y = -\frac{1}{2}x + \frac{9}{2}$$

これと  $x$  軸との交点が点 P となるので、 $y = 0$  を代入して、

$$\text{点 P の } x \text{ 座標は、} x = 9$$

また、点 B を通り、傾き  $-\frac{1}{2}$  の直線は、

$$y = -\frac{1}{2}x + n \text{ に } B(3, 9) \text{ を代入して、} n = \frac{21}{2} \text{ より、}$$

$$y = -\frac{1}{2}x + \frac{21}{2}$$

これと  $x$  軸との交点が点 P となるので、 $y = 0$  を代入して、

$$\text{点 P の } x \text{ 座標は、} x = 21$$

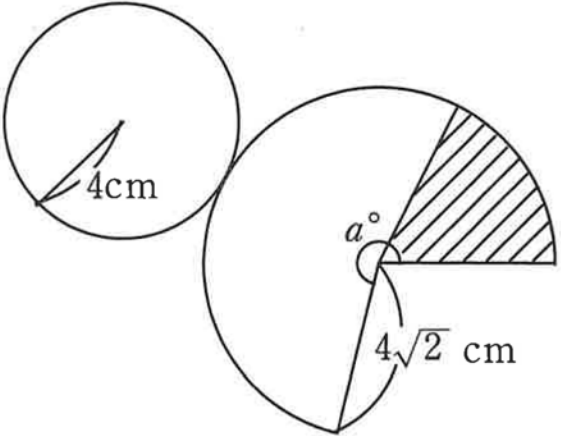
よって、点 P の  $x$  座標は、 $x = 9, 21$

(答え)

9, 21

# 正 答 表 数 学

3			
〔問 1〕	$(45 - \frac{a}{2})$	度	7
〔問 2〕	【 証 明 】		10
<p>△OADと△ODFにおいて                      共通な角だから <math>\angle AOD = \angle DOF</math> ...①                      円Oの接線は、接点を通る半径に垂直だから  <math>\angle ODA = 90^\circ</math> ...②                      △OEDはOD=OEの二等辺三角形 ...③                      点E、点Dは点Aから円Oに引いた接線の接点であるから、  <math>\triangle OAD \cong \triangle OAE</math>より、  <math>\angle AOD = \angle AOE</math> ...④                      ③、④より 直線AOは△OEDの頂角を二等分するから、  <math>OF \perp ED</math> すなわち  <math>\angle OFD = 90^\circ</math> ...⑤                      ②⑤より <math>\angle ODA = \angle OFD = 90^\circ</math> ...⑥                      ①⑥より 2組の角がそれぞれ等しいから、  <math>\triangle OAD \cong \triangle ODF</math></p>			
〔問 3〕	$2\sqrt{3}$	cm <sup>2</sup>	8

4			
〔問 1〕	$32\pi$	cm <sup>3</sup>	7
〔問 2〕	【 図や途中の式など 】		10
 <p>線分BCの動いてできる図形は、                      ABを軸とした円すいの側面の一部を描く。                      この円すいは、底面が半径4cmの円、高さが4cmであり、                      辺BCの動いてできる図形は、図の斜線部分のように                      円すいの側面の <math>\frac{1}{4}</math> である。</p> <p>中心角を <math>a^\circ</math> とすると、  <math display="block">2 \times 4\sqrt{2} \times \pi \times \frac{a}{360} = 8\pi</math> <math display="block">\frac{a}{360} = \frac{1}{\sqrt{2}}</math>                     ゆえに求める面積は、  <math display="block">4\sqrt{2} \times 4\sqrt{2} \times \pi \times \frac{a}{360} \times \frac{1}{4} = 4\sqrt{2}\pi \text{ (cm}^2\text{)}</math></p>			
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;">                     (答え) <math>4\sqrt{2}\pi</math> cm<sup>2</sup> </div>			
〔問 3〕	$4\sqrt{5}$	cm	8