

令和 7 年度

広島新庄高等学校 一般入学試験問題

数 学

- ・「始め」の合図があるまで，問題冊子を開いてはいけません。
- ・ 問題冊子は 1 ページから 6 ページまであります。
- ・ 解答はすべて解答用紙に記入してください。
- ・ 試験終了後はこの冊子を持ち帰ってください。

(3 (1)(2), 5 (1) ~ (4) に関しては, 途中の式や計算式, 考え方など,)
答えを求める過程を書くこと。

1 次の に適する数, 式を求めなさい。

(1) $-3^2 \div 6 \times 2 =$

(2) $\frac{7a-5b}{12} - \frac{a+b}{4} =$

(3) $\frac{10}{\sqrt{5}} + \frac{10}{\sqrt{20}} - \frac{15}{\sqrt{45}} =$

(4) $x^2 + 10x - 24$ を因数分解すると となる。

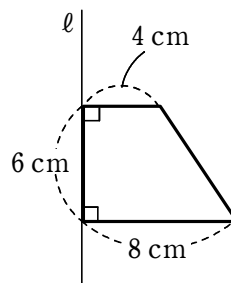
(5) 2次方程式 $2x^2 - 4x - 1 = 0$ を解くと, $x =$ である。

(6) 連立方程式 $\begin{cases} x-5y-1=0 \\ \frac{x+2y}{3} = \frac{2x-y}{4} \end{cases}$ を解くと, $x =$, $y =$ である。

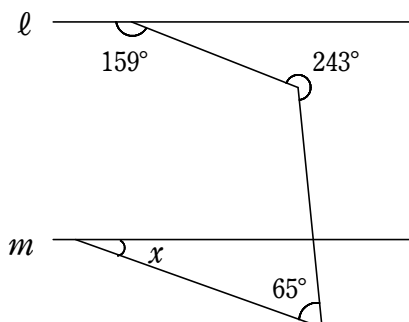
- (7) y は x に反比例し、 $x=-6$ のとき $y=\frac{3}{2}$ である。 x 、 y の関係を表すグラフ

上の点で、 x 座標と y 座標がともに整数である点は全部で 個ある。

- (8) 右の図形を、直線 ℓ を軸として1回転させた立体の体積は cm^3 である。



- (9) 右の図で、 $\angle x = \text{ }^\circ$ である。
ただし、 $\ell \parallel m$ とする。



2 下の「問題」について、次の問いに答えなさい。

問題

下の表は、Aさんが数学の小テスト(20点満点)を7回受けた結果である。

回数	1回目	2回目	3回目	4回目	5回目	6回目	7回目
得点	14点	18点	12点	20点	17点	13点	18点

Aさんが8回目の数学の小テストを受けた後、中央値として何種類の数値が考えられるか求めよ。ただし、得点は0点から20点までの整数である。

- (1) この問題を解くために新太さんと庄子さんが話をしています。

文中の ① ～ ⑥ に当てはまる数値を答えなさい。

新太：8回目の得点を a 点として、 a の小さい方から考えてみようよ。12点
が最低点だから、それより下の点、例えば a が10点だった場合の
中央値は ① 点だね。

庄子：その中央値は a が12点を超えても ② 点以下まで変わらないわ
ね。

新太：なるほど。それでは大きい方も同じように考えてみると、 a が
③ 点以上だった場合の中央値は ④ 点だね。

庄子：中央値はこれで2種類ね。残りは a が ② 点より大きく、③
点より小さい場合だね。これを満たす整数は ⑤ 個あるから、新
太に ⑤ 種類の中央値が求まるわね。

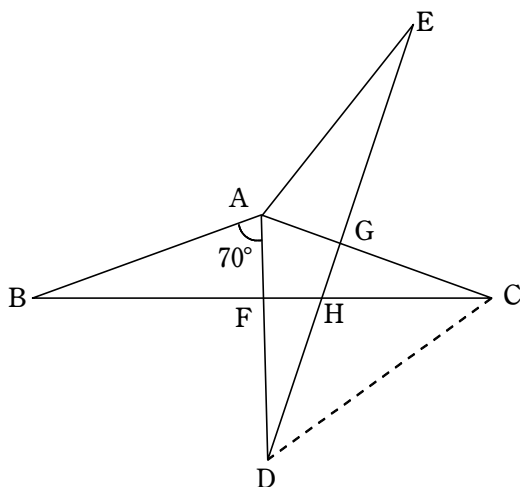
新太：その場合の中央値は全部異なるの？

庄子：心配なら計算してみたら？私は異なるのが分かるけど...

新太：すごいね。じゃあ、問題の答えは全部で ⑥ 種類だ。

- (2) 8回目の得点を a 点、中央値を(1)の ① 点とする。四分位範囲が5点と
なる a を求めよ。

- 3 下の図は $AB = AC$ ， $\angle BAC = 140^\circ$ の二等辺三角形 ABC を点 A を中心として反時計回りに 70° 回転させたものである。このとき点 B が移動した点を D ，点 C が移動した点を E とし， AD と BC の交点を F ， AC と DE の交点を G ， BC と DE の交点を H とする。次の問いに答えなさい。



- (1) $\angle HDC$ の角度を求めよ。
- (2) $\triangle DFH \equiv \triangle CGH$ を証明せよ。

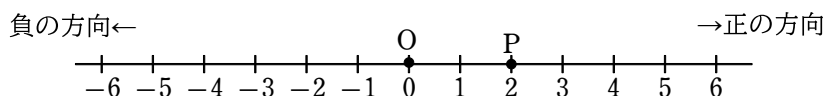
- 4 袋の中に1, 2, 3と書かれたカードが1枚ずつ合計3枚入っている。袋からカードを1枚取り出して、番号を確認した後、取り出したカードを袋に戻す操作を3回繰り返す。そして、次のルールに従って数直線上の点Pを動かす。

【ルール】

- ・点Pは最初原点Oの位置にいる。
- ・1回目に出た数の分だけ、点Pを正の方向に動かす。
- ・2回目に出た数の分だけ、1回目で止まった所から点Pを負の方向に動かす。
- ・3回目に出た数の分だけ、2回目で止まった所から点Pを正の方向に動かす。
- ・3回目を終えて点Pが止まっている数直線上の座標を x とする。

(例)

1回目で3のカードが出て、2回目で2のカードが出て、3回目で1のカードが出たとき $x=2$ となる。



このとき、次の文中の ① ～ ⑥ に当てはまる数値を答えなさい。

x のうち一番大きい数字は ① であり、一番小さい数字は ② である。

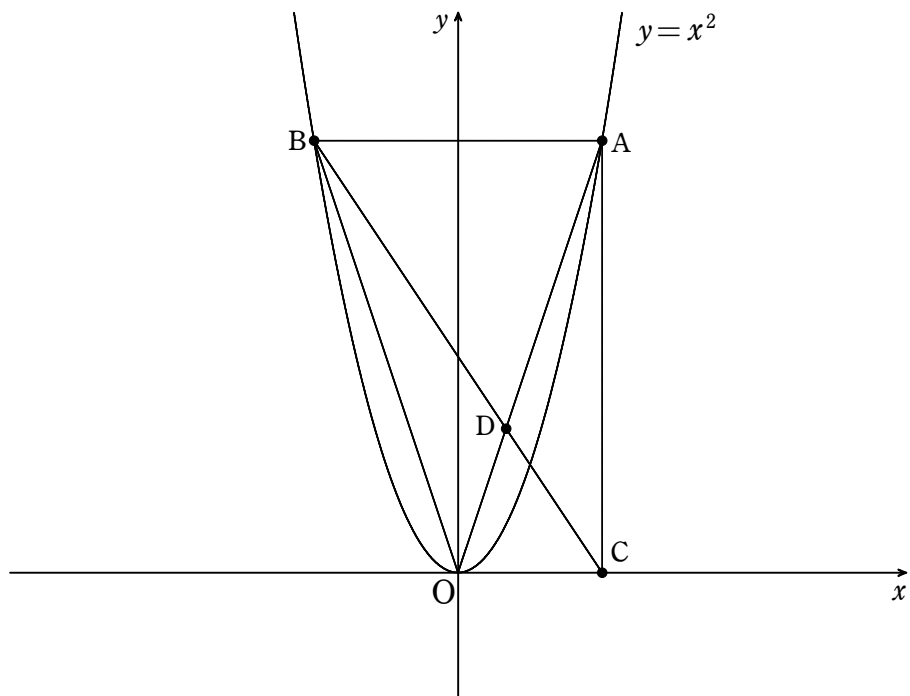
この数字になる確率は2つとも同じで ③ である。

また、 $x=0$ となる確率は ④ である。

さらに、② 以上 ① 以下の x のうち、確率が一番大きくなるのは、

$x=$ ⑤ のときであり、その確率は ⑥ である。

- 5 下の図のように放物線 $y=x^2$ のグラフ上に x 座標が a である点 A をとり、点 A を通り x 軸と平行な直線と放物線との交点を B 、点 A を通り y 軸と平行な直線と x 軸との交点を C 、直線 OA と直線 BC の交点を D とする。 a を正の数、原点を O とし、次の問いに答えなさい。



- (1) $a=4$ のとき、直線 BC の式を求めよ。
- (2) BD と DC の比を求めよ。
- (3) $\triangle OBD$ の面積を a を用いて表せ。
- (4) $\triangle OCD$ と台形 $ABOC$ の面積比を求めよ。

受験番号	
------	--

1	(1)	(2)	(3)	(4)			
	(5)	(6)	(7)	(8)	(9)		
	$x =$	$x =$, $y =$	個	cm^3	$\angle x =$ °		
2	(1)						(2)
	①	②	③	④	⑤	⑥	$a =$
3	(1)				(2)		
	(答) °						
4	①	②	③	④	⑤	⑥	
5	(1)				(2)		
	(答)			(答) $BD : DC =$:			
	(3)				(4)		
	(答)			(答) $\triangle OCD : \text{台形}ABOC =$:			

受験番号	
------	--

1	(1)		(2)		(3)		(4)					
	-3		$\frac{a-2b}{3}$		$2\sqrt{5}$		$(x+12)(x-2)$					
	(5)		(6)		(7)		(8)		(9)			
	$x = \frac{2 \pm \sqrt{6}}{2}$		$x = 11$, $y = 2$		6 個		224π cm ³		$\angle x = 19^\circ$			
2	(1)								(2)			
	①	②	③	④	⑤	⑥	$a = 13$					
	15.5	14	18	17.5	3	5						
3	(1)	$\triangle ABC$ と $\triangle ADE$ は合同な二等辺三角形なので $AD = AC$, よって $\triangle ACD$ は二等辺三角形である。 $\angle DAC = 140^\circ - 70^\circ = 70^\circ$ なので $\angle ADC = (180^\circ - 70^\circ) \div 2 = 55^\circ$ また, $\angle ADE = (180^\circ - 140^\circ) \div 2 = 20^\circ$ したがって $\angle HDC = 55^\circ - 20^\circ = 35^\circ$ (答) 35°				(2)	(1) で $\angle HDC$ を求めたのと同様に, $\angle HCD = 35^\circ$ なので $\triangle HDC$ は $\angle HDC = \angle HCD$ の二等辺三角形である。 よって $HD = HC \dots ①$ $\angle FHD$ と $\angle GHC$ は対頂角なので等しい...② $\triangle ABC$ と $\triangle ADC$ は合同な二等辺三角形なので $\angle FDH = \angle GCH \dots ③$ ①～③より 1 辺とその両端の角がそれぞれ等しいので $\triangle DFH \equiv \triangle CGH$ 終					
	4	①	②	③	④	⑤	⑥					
5		-1	$\frac{1}{27}$	$\frac{1}{9}$	2	$\frac{7}{27}$						
5	(1)	$a=4$ なので B, C の座標は $B(-4, 16)$, $C(4, 0)$ となる。 直線 BC の傾きは $\frac{16-0}{-4-4} = -2$ なので 直線 BC の式を $y = -2x + b$ とし C の座標 $(4, 0)$ を代入すると $b = 8$ よって直線 BC の式は $y = -2x + 8$ (答) $y = -2x + 8$				(2)	$AB \parallel OC$ より $\triangle ABD \sim \triangle OCD$ また $AB : OC = 2 : 1$ より $BD : CD = 2 : 1$ (答) $BD : DC = 2 : 1$					
	(3)	$\triangle OBC$ の面積は底辺を $OC = a$ と見ると 高さは点 B の y 座標の a^2 なので $\triangle OBC = \frac{1}{2} \times a \times a^2 = \frac{1}{2} a^3$ また, (2) より $BD : DC = 2 : 1$ なので $BC : BD = 3 : 2$ よって $\triangle OBD = \frac{2}{3} \triangle OBC = \frac{2}{3} \times \frac{1}{2} a^3 = \frac{1}{3} a^3$ (答) $\frac{1}{3} a^3$				(4)	$BD : DC = 2 : 1$ なので $\triangle OBD : \triangle OCD = 2 : 1$ 同様に $\triangle ACD : \triangle OCD = 2 : 1$ また $\triangle ABD \sim \triangle OCD$ で $AB : CO = 2 : 1$ より $\triangle ABD : \triangle OCD = 4 : 1$ したがって $\triangle OCD : \triangle OBD : \triangle ACD : \triangle ABD = 1 : 2 : 2 : 4$ よって $\triangle OCD : \text{台形} ABOC = 1 : 9$ (答) $\triangle OCD : \text{台形} ABOC = 1 : 9$					