

数 学

注 意

- 1 問題は **1** から **4** までで、7 ページにわたって印刷してあります。
また、解答用紙は両面に印刷してあります。
- 2 検査時間は 50 分で、終わりは午前 11 時 10 分です。
- 3 声を出して読むではいけません。
- 4 解答は全て解答用紙に HB 又は B の鉛筆（シャープペンシルも可）を使って明確に記入し、解答用紙だけを提出しなさい。
- 5 答えに根号が含まれるときは、根号を付けたまま、分母に根号を含まない形で表しなさい。また、根号の中は最も小さい自然数にしなさい。
- 6 答えは、解答用紙の決められた欄からはみ出さないように書きなさい。
- 7 解答を直すときは、きれいに消してから、消しくずを残さないようにして、新しい答えを書きなさい。
- 8 受検番号を解答用紙の表面と裏面の決められた欄に書き、表面については、その数字の ○ の中を正確に塗りつぶしなさい。
- 9 解答用紙は、汚したり、折り曲げたりしてはいけません。

1 次の各問に答えよ。

〔問1〕 $\frac{\sqrt{18}-\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - (\sqrt{18}-\sqrt{3})^2 \times \frac{1}{7}$ を計算せよ。

〔問2〕 2次方程式 $(x+1)^2 + 3(x+1) - 4 = 0$ を解け。

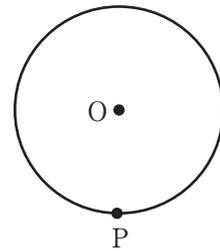
〔問3〕 連立方程式 $\begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = \frac{1}{6} \\ \frac{x}{5} + \frac{y}{3} = \frac{1}{5} \end{cases}$ を解け。

〔問4〕 1から6までの目が出る大小1つずつのさいころを同時に投げる。
大きいさいころの出た目の数を a 、小さいさいころの出た目の数を b とするとき、
 $1 < \frac{b}{a} < \frac{7}{3}$ となる確率を求めよ。
ただし、大小2つのさいころはともに、1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

〔問5〕 右の図のように、点 O を中心とする円があり、円周上に点 P がある。

解答欄に示した図をもとにして、点 P を中心とし、面積が円 O の面積の3倍であるような円 P を、定規とコンパスを用いて作図せよ。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

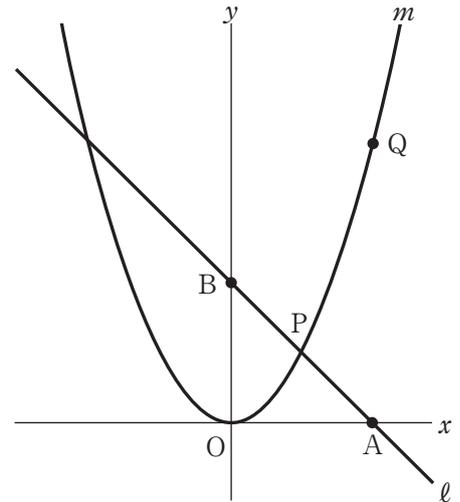


2 右の図1で、点Oは原点、点Aの座標は(2, 0)、点Bの座標は(0, 2)であり、直線ℓは2点A, Bを通る直線、曲線mは関数 $y=ax^2(a>0)$ のグラフを表している。

線分ABと曲線mとの交点をP、曲線m上にあり、x座標が2である点をQとする。

次の各問に答えよ。

図1

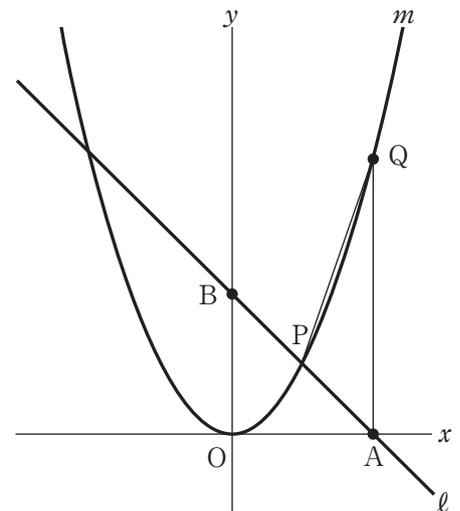


〔問1〕 点Pのx座標が $\frac{2}{3}$ のとき、 a の値を求めよ。

〔問2〕 右の図2は、図1において、点Aと点Q、点Pと点Qをそれぞれ結んだ場合を表している。

原点から点(1, 0)までの距離、および原点から点(0, 1)までの距離をそれぞれ1 cmとして、次の(1), (2)に答えよ。

図2



(1) $\triangle AQP$ の面積が 18 cm^2 のとき、 a の値を求めよ。

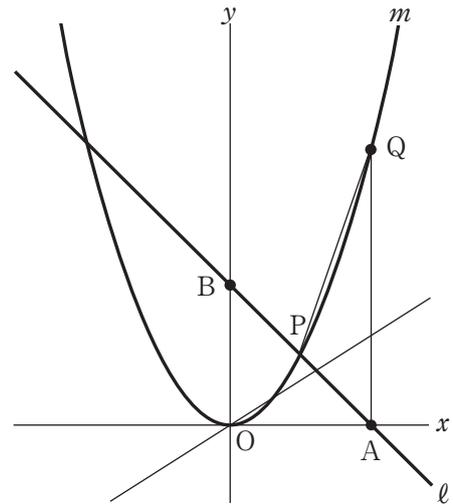
ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、途中の式や計算なども書け。

(2) 右の図3は、図2において、
 $a = 1$ のとき、直線 $y = bx$ ($0 < b < 1$) を
 引いた場合を表している。

直線 $y = bx$ と線分 AP との交点を R 、
 直線 $y = bx$ と線分 AQ との交点を S とした
 場合を考える。

$\triangle ASR$ の面積が $\triangle AQP$ の面積の $\frac{1}{4}$ 倍
 になるとき、 b の値を求めよ。

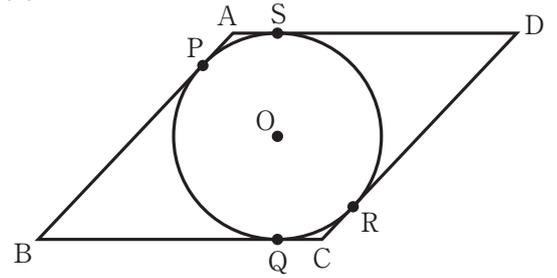
図3



3 右の図1で、四角形 ABCD は平行四辺形であり、円 O は辺 AB 上にある点 P、辺 BC 上にある点 Q、辺 CD 上にある点 R、辺 DA 上にある点 S で四角形 ABCD と接している。

次の各問に答えよ。

図1

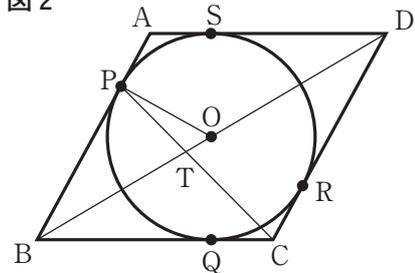


[問1] 図1において、 $\angle ABC = 60^\circ$ 、 $AB = 4\text{ cm}$ のとき、点 P を含まない \widehat{QR} の長さは何 cm か。ただし、円周率は π とする。

[問2] 右の図2は、図1において、頂点 B と頂点 D、頂点 C と点 P、点 O と点 P をそれぞれ結び、線分 CP と対角線 BD との交点を T とし、 $\angle ABC = 60^\circ$ の場合を表している。

円 O の半径が 2 cm のとき、 $\triangle OPT$ の面積は何 cm^2 か。

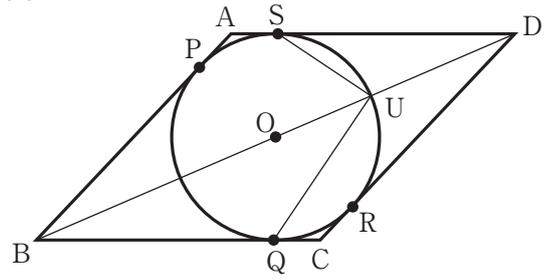
図2



〔問3〕 右の図3は、図1において、頂点Bと頂点Dを結び、対角線BDと円Oとの交点のうち、頂点Dに近い点をUとし、点Qと点U、点Sと点Uをそれぞれ結んだ場合を表している。

$\triangle UDS$ の $\triangle QBU$ であることを証明せよ。

図3



4 右の図に示した立体 $ABCD - EFGH$ は、 $AB = 2\text{ cm}$ 、 $BC = 4\text{ cm}$ 、 $AE = 8\text{ cm}$ の直方体である。

点 P は、頂点 A を出発し、毎秒 1 cm の速さで長方形 $ABCD$ の辺上を、

$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow \dots$

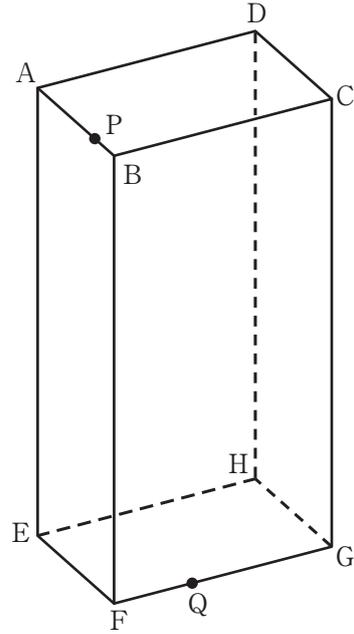
の順に移動し続ける。

点 Q は、点 P が頂点 A を出発するのと同時に頂点 E を出発し、毎秒 2 cm の速さで長方形 $EFGH$ の辺上を、

$E \rightarrow F \rightarrow G \rightarrow H \rightarrow E \rightarrow F \rightarrow G \rightarrow H \rightarrow \dots$

の順に移動し続ける。

点 P が頂点 A を出発してからの時間を t 秒とすると、次の各問に答えよ。



〔問1〕 $t = 4$ のとき、点 P と点 Q を結んでできる線分 PQ の長さは何 cm か。

〔問2〕 $t = 8$ のとき、3点 P 、 Q 、 E を通る平面が、辺 CG と交わる点を R とした場合を考える。四角形 $PEQR$ の面積は何 cm^2 か。

ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、途中の式や計算なども書け。

〔問3〕 $t=10$ のとき、立体 $ABCD-EFGH$ を 3 点 P, Q, F を通る平面で 2 つの立体に分けた場合を考える。

頂点 C を含む立体の体積は何 cm^3 か。

解答用紙 数学

(5-戸)

マーク・解答上の注意事項

- 1 受検番号欄は、HB又はBの鉛筆（シャープペンシルも可）を使って、○の中を正確に塗りつぶすこと。
- 2 記入した内容を直すときは、きれいに消して、消しくずを残さないこと。
- 3 決められた欄以外にマークしたり、記入したりしないこと。

良い例	悪い例		
	線	小さい	はみ出し
	丸囲み	レ点	うすい

受 検 番 号						
①	①	①	①	①	①	①
①	①	①	①	①	①	①
②	②	②	②	②	②	②
③	③	③	③	③	③	③
④	④	④	④	④	④	④
⑤	⑤	⑤	⑤	⑤	⑤	⑤
⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥
⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦
⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧
⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨

1

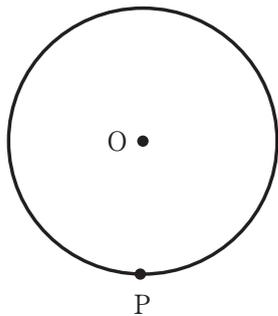
〔問1〕

〔問2〕

〔問3〕 $x =$, $y =$

〔問4〕

〔問5〕



2

〔問1〕

〔問2〕 (1) 【途中の式や計算など】

(答え)

〔問2〕 (2)

正 答 表

数 学

1		
〔問 1〕	$\frac{5\sqrt{6}}{14}$	5
〔問 2〕	$-5, 0$	5
〔問 3〕	$x = -4, y = 3$	5
〔問 4〕	$\frac{1}{4}$	5
〔問 5〕		5

2		
〔問 1〕	3	5
〔問 2〕	(1)	【 途中の式や計算など 】 12
<p>$P(t, at^2)$ ($0 < t < 2$) とする。</p> <p>$\triangle APQ = 18$ より,</p> $\triangle APQ = \frac{1}{2} \times 4a \times (2-t) = 18 \dots\dots \textcircled{1}$ <p>点Pはℓ上の点より,</p> $at^2 = -t + 2$ $2 - t = at^2 \dots\dots\dots \textcircled{2}$ <p>①, ② より,</p> $\frac{1}{2} \times 4a \times at^2 = 18$ $a^2t^2 = 9$ $(at)^2 = 9$ <p>$a > 0, t > 0$ から, $at > 0$ より,</p> $at = 3 \dots\dots\dots \textcircled{3}$ <p>②, ③ より, $3t = -t + 2 \quad \therefore t = \frac{1}{2}$</p> <p>③ より, $\frac{1}{2}a = 3 \quad \therefore a = 6$</p>		
<p>(答え) : 6</p>		
〔問 2〕	(2)	$\frac{1 + \sqrt{17}}{8}$ 8

3			
〔問 1〕	$\frac{\sqrt{3}}{3}\pi$	cm	5
〔問 2〕	$\frac{2\sqrt{3}}{7}$	cm ²	8
〔問 3〕	【 証 明 】		12
<p>△UDS と △QBU において、 AD // BC より、平行線の錯角が等しいから、 $\angle SDU = \angle UBQ$ …………… ①</p> <p>O と Q、O と S をそれぞれ結ぶ。 AD // BC、OQ ⊥ BC、OS ⊥ AD より、 3 点 Q、O、S は一直線上にある。 △USQ において、QS は円 O の直径だから、 $\angle SUQ = 90^\circ$</p> <p>よって、$\angle OUQ + \angle OUS = 90^\circ$ …………… ②</p> <p>S は接点だから、$\angle OSD = 90^\circ$ よって、$\angle OSU + \angle DSU = 90^\circ$ …………… ③</p> <p>OU = OS より、 $\angle OSU = \angle OUS$ …………… ④</p> <p>よって、②、③、④ より、 $\angle DSU = \angle OUQ$</p> <p>すなわち、$\angle DSU = \angle BUQ$ …………… ⑤</p> <p>したがって、①、⑤ より、 2 組の角がそれぞれ等しいから、 △UDS ∽ △QBU</p>			

4			
〔問 1〕	$6\sqrt{2}$	cm	5
〔問 2〕	【 途中の式や計算など 】		12
<p>$t=8$ のとき、点 P は頂点 D、点 Q は辺 FG の中点にある。 四角形 AEHD と四角形 BFGC は平行な面であり、 四角形 PEQR と交わってできる 2 つの交線は平行だから、 PE // RQ</p> <p>四角形 PEQR を含む平面と直線 HG との交点を S とする。 HE // GQ より、ES : QS = HS : GS = HE : GQ = 2 : 1 よって、HG = GS、EQ = QS</p> <p>PH // RG、HG = GS より、 PH : RG = PS : RS = HS : GS = 2 : 1 よって、PR = RS、CR = RG</p> <p>次に、△PES の各辺の長さを求めると、 △PEH において、 $PE^2 = PH^2 + EH^2 = 8^2 + 4^2 = 64 + 16 = 80$ よって、$PE = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$</p> <p>△CPR において、 $PR^2 = CP^2 + CR^2 = 2^2 + 4^2 = 4 + 16 = 20$ よって、$PR = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$</p> <p>$PS = 2PR = 2 \times 2\sqrt{5} = 4\sqrt{5}$</p> <p>△EFQ において、$EQ^2 = EF^2 + FQ^2 = 2^2 + 2^2 = 8$ よって、$EQ = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$</p> <p>$ES = 2EQ = 2 \times 2\sqrt{2} = 4\sqrt{2}$</p> <p>したがって、△PES は、PE = PS の二等辺三角形である。 P と Q を結ぶと、PQ ⊥ ES であるから、 △PEQ において、$PQ^2 + EQ^2 = PE^2$ より、$PQ^2 + 8 = 80$ $PQ^2 = 72$ よって、$PQ = \sqrt{72} = 6\sqrt{2}$</p> <p>四角形 PEQR の面積を S とすると、 $S = \triangle PEQ + \triangle PQR$ $= \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 6\sqrt{2} + \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 6\sqrt{2} \times \frac{1}{2}$ $= 12 + 6 = 18$ (cm²)</p>			
(答え) 18 cm²			
〔問 3〕	$\frac{136}{3}$	cm ³	8