

令和3年度 東北高等学校 入学試験問題 一般A日程

# 数学

解答注意

- 問題は全部で20問あります。
- の中の答えは、0から9までの数字および、ーの符号のいずれか1つが入ります。
- 答えは、解答シートに記入しなさい。

例1. □□に29と答えたいとき。

例1.  $\boxed{2}\boxed{9}$

例2.  $\boxed{2}/\boxed{6}$

例2.  $\boxed{\square}\sqrt{\boxed{\square}}$ に $2\sqrt{6}$ と答えたいとき。

例3.  $\div \boxed{2}\boxed{4}$

例3. □□□にー24と答えたいとき。

例4.  $\frac{\text{分子}}{\text{分母}}/\frac{\text{分子}}{\text{分母}}$ に $-\frac{1}{13}$ と答えたいとき。

例4.  $\div \boxed{1}/\boxed{1}\boxed{3}$

例5. □□に123に入る答えはありません。

数字の記入例

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

○印の部分を注意してください。

**1** 次の問いに答えなさい。

(1)  $8 + 2 \times (-9)$  を計算しなさい。

(2)  $\frac{15}{\sqrt{3}} - \sqrt{27}$  を計算しなさい。

(3)  $4(x - 3y) - (3x - 7y)$  を計算しなさい。

(4)  $ax^2 + 2ax - 8a$  を因数分解しなさい。

(5)  $x = 3 + \sqrt{2}$ ,  $y = 6 - 2\sqrt{2}$  のとき,  $4x^2 - y^2$  の値を求めなさい。

**[2]** 次の問いに答えなさい。

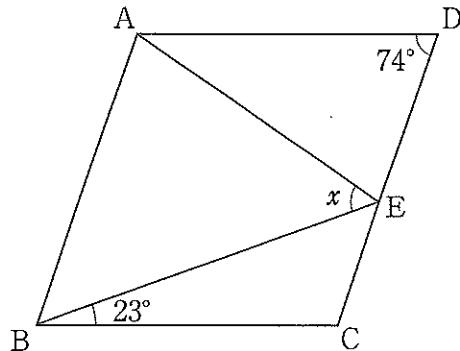
(1) 2次方程式  $x^2 - 3x + 1 = 0$  を解きなさい。

(2) 一の位が0でない2けたの自然数Aと、Aの十の位の数と一の位の数を入れかえてできる2けたの自然数Bがあります。AとBの和が121、AからBをひいた差が45であるとき、自然数Aを求めなさい。

(3) 反比例  $y = \frac{18}{x}$ において、 $x$ の値が1から3まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

(4) 右の図において、四角形ABCDは平行四辺形であり、点Eは辺CD上にある点です。

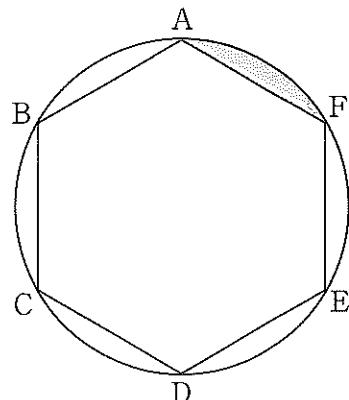
$AD = AE$  のとき、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



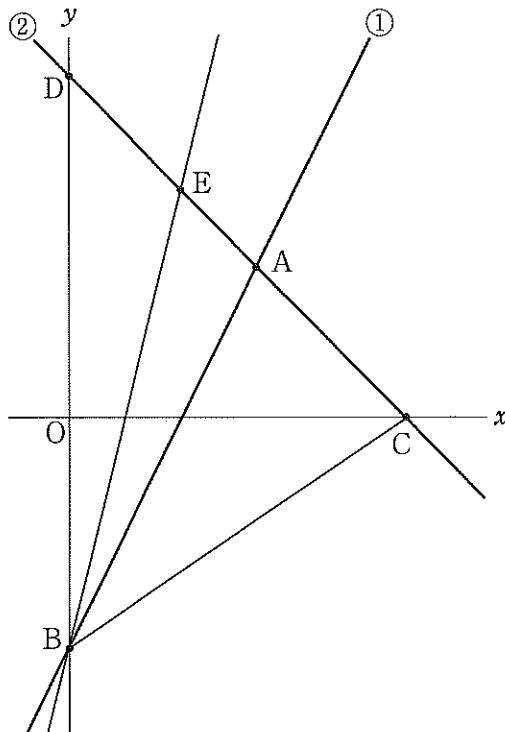
(5) 右の図は、1辺の長さが9cmの正六角形ABCDEFと、その6つの頂点を通る円を組み合わせた図形です。

このとき、色のついた部分の周りの長さを求めなさい。

ただし、円周率は $\pi$ とします。



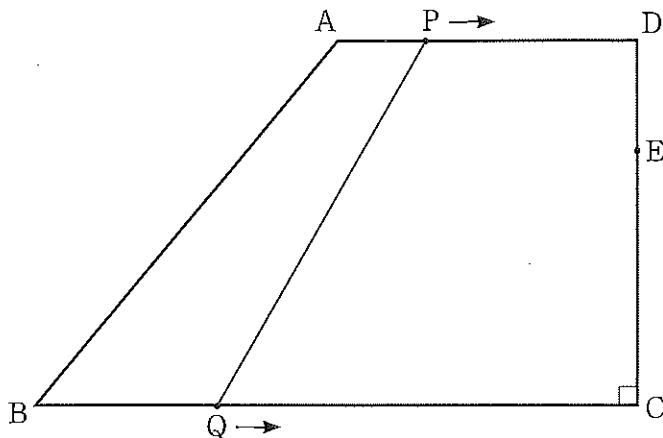
- 3 下の図において、直線①は関数  $y = ax - 6$  のグラフ、直線②は関数  $y = -x + 9$  のグラフです。直線①と直線②との交点を A とすると、その  $x$  座標は 5 です。また、直線①と  $y$  軸との交点を B、直線②と  $x$  軸との交点を C、直線②と  $y$  軸との交点を D とします。  
このとき、次の問い合わせに答えなさい。ただし、O は原点とします。



- (1) 点 C の座標を求めなさい。
- (2)  $a$  の値を求めなさい。
- (3)  $\triangle BCD$  を、 $y$  軸を軸として 1 回転させてできる立体の体積を求めなさい。ただし、円周率は  $\pi$  とし、座標軸の 1 目盛りの長さを 1 cm とします。
- (4) 線分 DC 上に点 E を、 $\triangle BDE$  の面積が  $\triangle BCD$  の面積の  $\frac{1}{3}$  となるようにとります。このとき、2 点 B, E を通る直線の式を求めなさい。

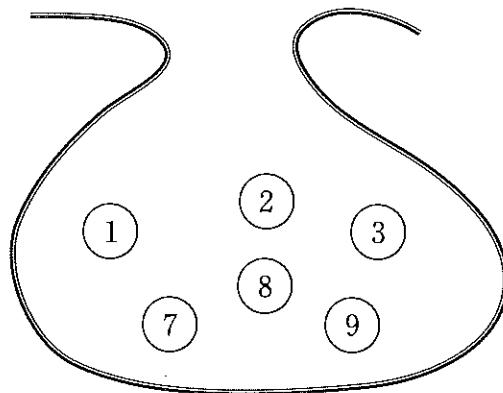
**4** 下の図のように、 $AD \parallel BC$ ,  $BC = 20\text{ cm}$ ,  $CD = 12\text{ cm}$ ,  $DA = 10\text{ cm}$ ,  $\angle BCD = 90^\circ$  の台形 ABCD があります。辺 CD 上に点 E があり、 $DE = 4\text{ cm}$  です。点 P は点 A を出発して、辺 AD, 線分 DE 上を秒速  $1\text{ cm}$  で点 E まで動き、停止します。点 Q は点 B を出発して、辺 BC, 線分 CE 上を秒速  $2\text{ cm}$  で点 E まで動き、停止します。ただし、2 点 P, Q は同時に出发するものとします。

このとき、次の問い合わせに答えなさい。



- (1) 四角形 ABQP の面積が台形 ABCD の面積の  $\frac{1}{3}$  となるのは、2 点 P, Q が出发してから何秒後か求めなさい。
- (2) 2 点 P, Q が出发してから 7 秒後の四角形 ABQP の面積を求めなさい。
- (3) 点 P が線分 DE 上にあるとき、四角形 ABQP の面積が  $105\text{ cm}^2$  になるのは、2 点 P, Q が出发してから何秒後か求めなさい。

- 5 下の図のように、袋の中に、1, 2, 3, 7, 8, 9の数字が1つずつ書かれた6個の球が入っています。この袋から球を1個取り出し、それを袋に戻してからもう1度球を1個取り出すとき、1回目に取り出した球に書かれた数字を $a$ 、2回目に取り出した球に書かれた数字を $b$ とします。このとき、次の問いに答えなさい。ただし、袋からどの球を取り出すことも同様に確からしいものとします。



- (1)  $a^2 - 2ab + b^2$  の値を求めるとき、その値は全部で何通りあるか求めなさい。
- (2)  $a$  が  $b$  の約数になる確率を求めなさい。
- (3)  $\sqrt{ab}$  の値が無理数になる確率を求めなさい。

令和3年度

東北高等学校 数学一般A 解答シート

氏名 \_\_\_\_\_

受験番号

① (1)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad} \boxed{\quad}$  (2)  $\boxed{\quad} \sqrt{\boxed{\quad}}$  (3)  $x \boxed{\quad} \boxed{\quad} y$  (4)  $a \left( x \boxed{\quad} \boxed{\quad} \right) \left( x + \boxed{\quad} \right)$

(5)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad} \sqrt{\boxed{\quad}}$  ② (1)  $x = \left( \boxed{\quad} \pm \sqrt{\boxed{\quad}} \right) / \boxed{\quad}$  (2)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad}$  (3)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad} \boxed{\quad}$  (4)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad}$  度

(5)  $\left( \boxed{\quad} \pi + \boxed{\quad} \right) \text{cm}$  ③ (1)  $(\boxed{\quad}, \boxed{\quad})$  (2)  $a = \boxed{\quad}$  (3)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad} \boxed{\quad} \pi \text{cm}^3$

(4)  $y = \boxed{\quad} x \boxed{\quad} \boxed{\quad}$  ④ (1)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad} / \boxed{\quad} \boxed{\quad}$  分子 分母 秒後 (2)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad} \boxed{\quad} \text{cm}^2$  (3)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad}$  秒後

⑤ (1)  $\boxed{\quad}$  通り (2)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad} / \boxed{\quad} \boxed{\quad}$  分子 分母 (3)  $\boxed{\quad} \boxed{\quad} / \boxed{\quad} \boxed{\quad}$  分子 分母

令和3年度

東北高等学校 数学一般A 解答シート

氏名 \_\_\_\_\_

受験番号

① (1)  $\div 10$  (2)  $2\sqrt{3}$  (3)  $x \div 5 y$  (4)  $a \left( x \div 2 \right) \left( x + 4 \right)$

(5)  $48\sqrt{2}$  ② (1)  $x = \left( 3 \pm \sqrt{5} \right) / 2$  (2)  $83$  (3)  $\div 6$  (4)  $55$  度

(5)  $(3\pi + 9) \text{cm}$  ③ (1)  $(9, 0)$  (2)  $a = 2$  (3)  $405 \pi \text{cm}^3$

(4)  $y = 4 x \div 6$  ④ (1)  $10 / 3$  分子 分母 秒後 (2)  $126 \text{cm}^2$  (3)  $13$  秒後

⑤ (1)  $8$  通り (2)  $13 / 36$  分子 分母 (3)  $13 / 18$